

א. בוגרות לבתי ספר על-יסודיים
ב. בוגרות לנבחנים אקסטרניטים
תש"א, מועד ב'
306, 035006
דף נסחאות ל-5 יחידות לימוד
סוג הבחינה:
מועד הבחינה:
מספר השאלון:
נספה:

מבחן שאלון ו'

הוראות לנבחן

א. משד הבחינה שעתיים

מבנה השאלון ופתח הערכות			
פרק ראשון	-	אלgebra	33 נקודות
פרק שני	-	חשבון דיפרנציאלי ואנטגרלי, טריגונומטריה	33 נקודות
סה"כ	-		100 נקודות

ב. חומר עזר מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא נרפי. אין להשתמש באפשרויות התוכנות במחשבון הניתן לתכנות.

שימוש במחשבון גרפִי או באפשרויות התוכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה

(2) דפי נסחאות (מצורפים).

ג. הוראות מיוחדות:

(1) אל תעתק את השאלה, סמן את מספורה בלבד

(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון. גופ כאשר החישובים מתבצעים בעוזרת מחשבון.

הסביר את כל פעולהיך. כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.

(3) לטiotה יש להשתמש במחברת הבחינה או בדף שקיבלת מהמשגיחים. שימוש בטiotה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

הנחיות בשאלון זה מנוטחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בזה צלה!

/המשך מעבר לדף/

ה שאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותין, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

פרק ראשון – אלגברה ($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על אתן מהשאלות 1-2.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

1. רוכב אופניים יצא ממושב A אל מושב B, ולאחר $\frac{1}{2}$ שעה יצא רוכב אופניים שני ממושב B אל מושב A.

הרכבים נפגשו לאחר שהרכב השני עבר $\frac{1}{4}$ מהמרחק שבין B ל- A.

ביום אחר יצא רוכב האופניים הראשון ממושב A למושב B $\frac{1}{2}$ שעה אחרי הרוכב

האופניים השני יצא ממושב B אל מושב A. הרכבים נפגשו באמצעות הדרך שבין A ל- B. מהירותם הרכבים לא השתנו.

א. חשב את היחס בין מהירות הרכב הראשון ובין מהירות הרכב השני.

ב. ידוע שם שני הרכבים יוצאים באותו רגע זה לקרה זה, הם נפגשים

במרחק 4 ק"מ באמצעות הדרך שבין A ל- B.

הבע באמצעות d את הדרך שבין A ל- B.

2. א. הייזר בנוסחה לסכום של סדרה חשבונית, והוכיח באינדוקציה או בדרך אחרת כי

$$(1 + 2 + 3 + \dots + n)^2 = 1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3$$

לכל n טבעי מתקיים:

$$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + (2n-1)^3 = 5,832,225$$

ז. הוא מספר טבעי.

מצא כמה מחוברים יש באגף השמאלי של המשוואה.

/המשך בעמוד 3/

פרק שני – חישוב דיפרנציאלי ואנטגרלי, טריגונומטריה ($\frac{2}{3}$ 66 נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 3-5 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ 33 נקודות).
שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

3. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{1}{\cos x}$.

א. מצא אם הפונקציה $f(x)$ היא זוגית או אי-זוגית או לא זוגית ולא אי-זוגית.
نمוק.

ב. בתחום $0 \leq x \leq 2\pi$:

(1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה, ואת האסימפטוטות של הפונקציה
המקבילות לצירים (אם יש כאלה).

(2) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה, וקבע את סוכן.
نمוק.

(3) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה. ציין ערכים על ציר ה- x .

ג. לסרטוט שסרטוט בתת-סעיף ב (3) הוסף סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$
בתחום $0 \leq x \leq 2\pi$. ציין ערכים על ציר ה- x .

ד. השטח בריבוע הראשון המוגבל על ידי הגרף של $f(x)$, על ידי הישר $y=2$,
על ידי הישר $\frac{\pi}{2} = x$, על ידי ציר ה- x ועל ידי ציר ה- y , מסתובב סביב ציר ה- x .
מצא את הנפח של גוף הסיבוב שנוצר.

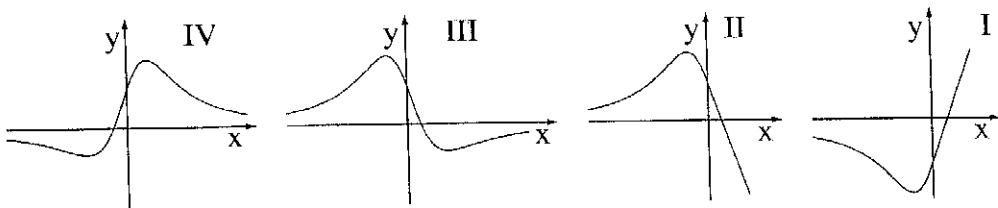
בתחום שבין ∞ ל- $-\infty$, רשום بصورة כללית את השיעורים:

(1) של נקודות המינימום של הפונקציה $f(x)$.

(2) של נקודות המקסימום של הפונקציה $f(x)$.

$$f''(x) = \frac{-6x^2 - 3x + 3}{\sqrt{(1+x^2)^5}} : f(x) \text{ מוגדרת לכל } x.$$

- א. מבין הגרפים I, II, III, IV שלפניך,איזה גраф מתאר את פונקציית הנגזרת $f'(x)$? נמק.



- ב. (1) מצא תחומי קיירות כלפי מטה U ותחומי קיירות כלפי מעלה U של הפונקציה $(x)f$. נמק.

- (2) העזר בגרף של $(x)f'$ שבסעיף א, ומצא בין אילו שני מספרים שלמים עוקבים נמצא שיעור ה- x של נקודת הקיצון של $(x)f$. נמק.

- (3) סרטט סקיצה של גраф הפונקציה $(x)f$, אם ידוע כי הגרף חותך את ציר ה- x רק בנקודת אחת שבה $x = 3$.

לפניך סקיצה של גраф פונקציית הנגזרת השלישית $(x)f'''$.

- ג. מצא את השטח המוגבל על ידי הגרף של $(x)f'''$,

על ידי ציר ה- y וציר ה- x

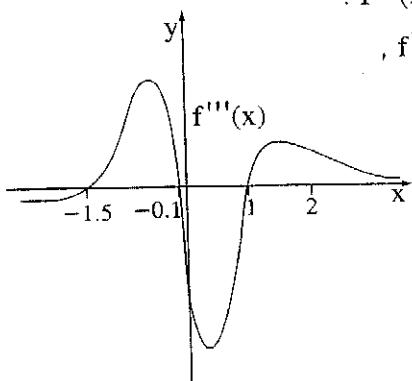
ועל ידי הישר $2 = x$ בתחום $0 \leq x$.

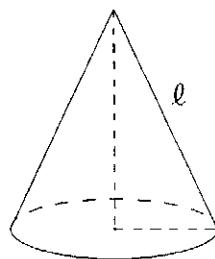
- ד. על פי הגרף של $(x)f'$ שבסעיף א,

הסביר מדוע הגרף של פונקציית

הנגזרת השלישית $(x)f'''$ חותך

את ציר ה- x בשלוש נקודות.





.5 נתון כי מבין כל החורווטים הישרים שאורך הקו היוצר

שליהם הוא ℓ (ראה צייר),

רדיוס החורווט בעל הנפח המקסימלי הוא $\sqrt{\frac{2}{3}}$

מצא את האורך ℓ .

בהצלחתך!

זכות היוצרים ששמורה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך