

מדינת ישראל
משרד החינוך

סוג הבדיקה: א. בגרות לבתי ספר עלייסודיים
ב. בגרות לבוחנים אקסטרניטים
מועד הבדיקה: חורף תשע"ד 2014
מספר השאלה: 315,035805
נספח: דפי נוסחאות ל-4 ייחדות לימוד

מתמטיקה
4 ייחדות לימוד – שאלון שני
הוראות לנבחן

א. משך הבדיקה: שעה ושליש רבעים.
ב. מבנה השאלון ופתחת התשעכה: בשאלון זה שני פרקים:
פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה למרחב
פרק שני – גידלה ודמייה, חישוב דיפרנציאלי וrintegralי
של פונקציות טריגונומטריות,
פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות
ופונקציות חזקה
$$\frac{33\frac{1}{3} \times 1}{33\frac{1}{3}} = 33\frac{1}{3}$$

$$\frac{33\frac{1}{3} \times 2}{33\frac{1}{3}} = 66\frac{2}{3}$$

סה"כ – 100 נקודות

חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות.
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספירה בלבד.
(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשות במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעורת מחשבון.
הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.
חסור פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.
(3) לטיוטה יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדפים שקיבלת מהמשגחים.
שימוש בטיווטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

הערה: קישורית לדוגמאות תשובה לשאלון זה תתפרסם בדף הראשי של אתר משרד החינוך.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.

ב ה צ ל ח ה !

המשך מעבר לדף/

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותין, כולל חישובים, בפתרונות ובצורה ברורה.
חומר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכיון או לפיטילת הבדיקה.

פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב ($\frac{1}{3}$ נקודות)

עונה על אתה מהשאלות 1-2.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

סדרות

1. נתונה סדרה חשבונית עולה: $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n, \dots$

$$\text{נתון: } a_1 \cdot a_4 = (a_2)^2$$

א. הראה כי האיבר הראשון בסדרה החשבונית שווה להפרש הסדרה.

ב. (1) שלושת האיברים a_9, a_6, a_4 בסדרה החשבונית הנתונה מהווים סדרה הנדסית.
(2) הוא האיבר הראשון בסדרה הנדסית.

מצאת מנת הסדרה הנדסית.

(3) סכום שלושת האיברים שבתת-סעיף (1) הוא 133.
מצאת הפרש הסדרה החשבונית הנתונה.

(4) סכום n האיברים הראשונים בסדרה הנתונה מקיים $S_n > 11,977$
מצאת n , הקטן ביותר המקיימים איזוין זה.

טריגונומטריה במרחב

2. נתונה פירמידה ישרה SABCD שבבסיס ריבוע SO וגובהה SO.

הנקודה E היא אמצע הצלע BC (ראה ציור).

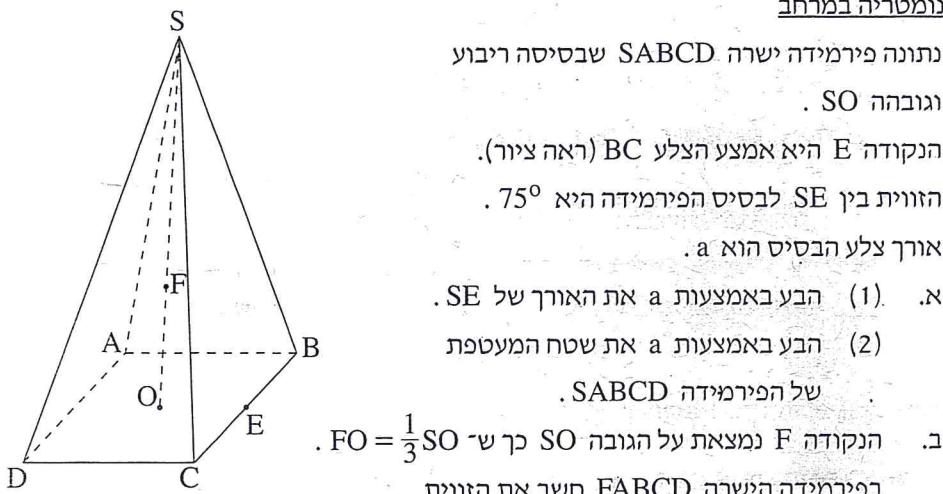
הזווית בין SE לבסיס הפירמידה היא 75° .

אורקלע הבסיס הוא a .

א. (1) הבע באמצעות a את אורקלע SE.

(2) הבע באמצעות a את שטח המעטפת

של הפירמידה SABCD.



ב. הנקודה F נמצאת על הגובה SO כך ש- $FO = \frac{1}{3}SO$

בפירמידה הישרה FABCD חשב את הזווית

בין מקצוע צדי לבסיס.

/המשך בעמוד 3/

**פרק שני – גדרה ודעיכה, חישובו דיפרנציאלי ואינטגרלי
של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות
ופונקציות חזקה ($\frac{2}{3}$ נקודות)**

ענה על שתיים מהשאלות 3-5 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

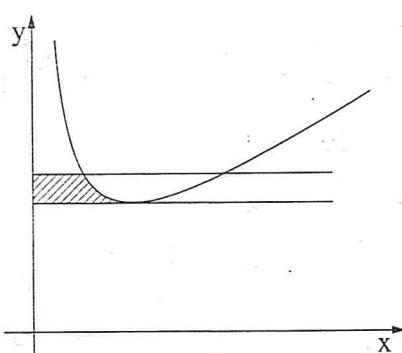
3. א. יובל פתח חשבון חדש בבנק והפקיד בו 10,000 שקל.

הסכום שהפקיד גדל בכל חודש ב- 2%.

כעבור שנה מרגע הפקודה משך יובל מחשבונו 5000 שקל.

(הסכום שנשאר ממשיך לגדל בכל חודש ב- 2%).

כעבור כמה חודשים מרגע המשיכה, שוב יהיו בחשבונו של יובל 10,000 שקל?



$$f(x) = \frac{3}{2}x + \frac{2x}{3}$$

בתוחם $x > 0$.

העבירו ישר המשיק לגרף הפונקציה

בנקודות הקיצון שלה, זה העבירו את

$$\text{הישר } y = \frac{1}{6}x^2 \text{ החותק את גרף הפונקציה}$$

בין היתר בנקודה שבה $x = 1$

(הנקודה הקרובה לציר ה- y).

מצא את השטח המוגבל על ידי שני הישרים, על ידי גרף הפונקציה $(x)f$ ועל ידי ציר ה- y,

השטח המוקווקו בציור.

הערה: אין קשר בין סעיף א' לסעיף ב'.

/המשך בעמוד 4/

$$. \quad 0 \leq x \leq \frac{5\pi}{6} \quad f(x) = -2 \cos(2x) + a \quad \text{בתחום} \quad . \quad 4.$$

$0 < a < 2$

א. מצא את השיעורים של נקודות המקסימום המוחלט והמינימום המוחלט של הפונקציה $f(x)$.

(הבע באמצעות a במידת הצורך).

ב. נתון כי הישר $y = 3$ משיק לגרף הפונקציה $f(x)$ בתחום הנתון.

מצא את הערך של a .

הצב $1 = a$, וענה על הסעיפים ג' ו' ד'.

ג. בתחום הנתון סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

ד. בתחום הנתון מצא את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה $f(x)$, על ידי המשיק $y = 3$,

ועל ידizihr ה- y .

$$. \quad \text{נתונה הפונקציה } f(x) = (a - 3x)e^{3x}, \quad a \text{ הוא פרמטר.} \quad 5.$$

א. מהו תחום ההגדרה של הפונקציה?

ב. ידוע כי שיעור ה- x של נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$ הוא 1.

מצא את הערך של a .

הצב $4 = a$, וענה על הסעיפים ג' ו' ד'.

ג. (1) מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה $f(x)$.

(2) מצא את נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים.

(3) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

ד. נתון הישר $y = k$, $k \leq 0$,

כמה נקודות חיתוך יש לישר זה עם גרף הפונקציה $f(x)$? נמק.

בהתלהה!

כחות היוצרים שמורה למדיינית ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך