

**מדינת ישראל**  
משרד החינוך

א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים  
ב. בגרות לבנchnerim אקסטרניים  
מועד הבחינה: קיץ תש"ע, 2010  
מספר השאלה: 306, 035006  
דף נסחאות ל-4 ול-5 ייחודת לימוד  
שפה:

**מתמטיקה**  
**שאלון ו'**

**הוראות לנבחן**

א. משך הבחינה: שעתיים.

ב. מבנה השאלה ופתחה החערכה: בשאלון זה שני פרקים.  
פרק ראשון – אלגברה –  $33\frac{1}{3} \times 1 = 33\frac{1}{3}$  נקודות  
פרק שני – חישוב דיפרנציאלי וrintegrali,  
 $33\frac{1}{3} \times 2 = 66\frac{2}{3}$  נקודות  
סה"כ – 100 נקודות

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גրפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות.  
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.  
(2) דפי נסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.  
(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוזרת מחשבון.  
הסביר את כל פעלותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.  
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.  
(3) לטיווח יש להשתמש במחברת הבחינה או בדפים שקיבלת מהמשגיכים.  
שימוש בטيوוח אחרית עלול לגרום לפסילת הבחינה.

**התנויות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.**

**בצלחה!**

/המשך מעבר לדף/

## השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.  
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפיטילת הבדיקה.

### פרק ראשון – אלגברה ( $\frac{1}{3}$ נקודות)

עונה על אחד מהתשובות 1-2.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

1. רוכב אופניים אחד יצא מקום A אל מקום B, ובאותה שעה בדיק יצא רוכב אופניים אחר מקום B אל מקום A. (המהירות של רוכבי האופניים אין משתנות).  
כעבור 4 שעות נפגשו רוכבי האופניים.

הזמן, שנדרש לרוכב האופניים שיצא מ- A לעבור את הדרכ שבין A ל- B, גדול ב- 108 דקות מהזמן שנדרש לרוכב האופניים שיצא מ- B לעבור דרך זה.  
א. מצא את היחס בין המהירות של רוכב האופניים שיצא מ- B לבין המהירות של רוכב האופניים שיצא מ- A.  
ב. מצא כמה שעות עבר כל אחד מרוכבי האופניים את הדרכ שבין A ל- B.

2. א. הוכח באינדוקציה או בדרך שהביתי  $a^3 + b^3 = (a+b)^3$  מתחלק ב- 24  
בלי שארית לכל  $a$  טבעי אי-זוגי.

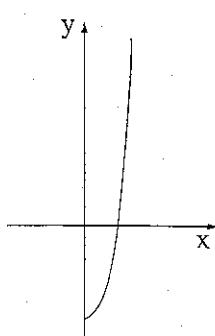
ב. נתון כי הביטוי  $d + c + b + a$  מתחלק ב- 24 בלי שארית.  
 $a, b, c$  ו-  $d$  הם מספרים טבעיות אי-זוגיים.

הוכח כי גם הביטוי  $a^3 + b^3 + c^3 + d^3$  מתחלק ב- 24 בלי שארית.

**פרק שני – חישובו דיפרנציאלי ואנטגרלי, טריגונומטריה (2/6 נקודות)**

ענה על שתיים מהשאלות 5-3 (לכל שאלה –  $\frac{1}{3}$  נקודות).

**שים לב!** אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.



3. נתונה הפונקציה  $x \neq -2, f(x) = \frac{2x^4 + 4x^3 + 2x^2 - 8}{x + 2}$

a. בציור מוצגת סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$  עבור  $x \geq 0$ .

מعتبرים ישיר המשיק לגרף הפונקציה  $f(x)$

בנקודה שבת  $1 = x$ .

מצא את השיטה המוגבל על ידי הגраф של  $f(x)$ ,

על ידי המשיק ועל ידי ציר ה- $y$  עבור  $x \geq 0$ .

b. (1) מצא תחומי עלייה וירידה של הפונקציה  $f(x)$  (אם יש כאלה).

עבור כל תחום ההגדלה של הפונקציה.

(2) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה עבור כל תחום ההגדלה שלה.

g. נתונה הפונקציה  $g(x) = |f(x)|$

סרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $g(x)$ .

+ נספה4 נתונה הפונקציה  $f(x) = 2 - \cos x - \sin^2 x$  בתחום  $-\pi \leq x \leq \pi$ .

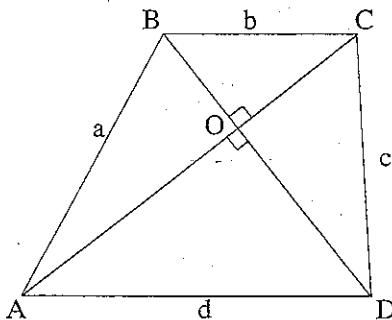
עבור התחומים הנתונים עננו על הטעיפים א-ד.

א. מצא את נקודות החיתוך של גרף הפונקציה  $f(x)$  עם הצירים (אם יש כאלה).ב. מצא את נקודות הקיצון המוחלט של הפונקציה  $f(x)$ , וקבע את סוגן.ג. (1) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .. (2) סרטט סקיצה של גרף פונקציית הנגזרת  $(x')$ .

(x) גזירה גם בקצות התחום הנתון.)

(3) מצא את השטח המוגבל על ידי הגраф של פונקציית הנגזרת  $(x')$ ועל ידי ציר ה- $x$  בתחום  $-\frac{\pi}{3} \leq x \leq \frac{\pi}{3}$ ד. נתון כי גרף הפונקציה  $x^2 \sin x = a - \cos x - \sin^2 x$  משיק לציר ה- $x$  בתחום

הנתון בנקודה אחת בלבד.

מהו הערך של  $a$ ? נמק.5. בטרפז  $(AD \parallel BC) ABCD$ נתון:  $BC = b$ ,  $AB = a$ ,  $AC \perp BD$ . (  $d > b$  )  $AD = d$ ,  $CD = c$ 

אלכסוני הטרפז נפגשים בנקודה O (ראה ציור).

א. הוכח כי  $a^2 + c^2 = b^2 + d^2$ 

ב. דרך קודקוד B מעבירים ישר המקביל

לשוק  $CD$ הישר חותך את הבסיס  $AD$  בנקודה Mנתון:  $\cos \alpha = \frac{bd}{ac}$ . הוכח כי  $\angle ABM = \alpha$ . הבע באמצעות  $\alpha$ ,  $b$  ו-  $d$ :(1) את שטח המשולש  $ABM$ (2) את שטח הטרפז  $ABCD$ **בהתוצאה!**זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל  
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך