

א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים  
ב. בגרות לנבחנים אקסטרנניים  
מועד הבדיקה: קיץ תש"ט, 2009  
מספר השאלה: 307, 035007  
נספה: דפי נוסחאות ל-4 ול-5 ייחידות לימוד

## מתמטיקה

### שאלון ז'

#### תוראות לנבחן

- א. משך הבדיקה: שעתיים.
- ב. מבנה השאלה ופתחה העריכה: בשאלון זה שני פרקים.  
פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטוריים –  $33\frac{1}{3} \times 2 = 66$  נקודות  
פרק שני – מספרים מרוכבים,  
פונקציות מרוכבות ולוגריתמיות –  $33\frac{1}{3}$  נקודות  
סה"כ 100 נקודות

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גրפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכונות.  
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.  
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. תוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספраה בלבד.  
(2) התרחיל כל שאלה בעמוד חדש. רשות במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.  
הסביר את בל פועלתו, כולל חישובים, בפירוט. ובצורה ברורה ומסודרת.  
חסור פירוט עלול לגרום/pgיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.  
(3) לטיווח יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדף שקיבלה מהמשגיחים.  
שימוש בטיווח אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

התנויות בשאלון זה מנוסחות בלשון זמר ומכוונות לנבחנות ולນבחנים כאחד.

בתצלחת!

## ה שאלות

**שים לב!** הסבר את בל פעולותין, כולל חישובים, בפתרונות ובצורה ברורה.  
חווסף פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכיון או לפסילת הבדיקה.

### פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים ( $\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה –  $\frac{1}{3}$  נקודות).

**שים לב!** אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. א. שניים מקודדי מושולש  $ABC$  הם:  $C(0, 6)$ ,  $B(0, -2)$  חוצה-זווית  $A$  חותך את הצלע  $BC$  בנקודה  $(0, 0)$ .  
(קדקוד  $A$  אינו נמצא על ציר  $xy$ ).  
מצאת משוואת המקום הגאומטרי של הנקודות האפשרות עבור קדקוד  $A$ .  
ב. האם אפשר לחסום מלבן שהיקפו 12, במקום הגאומטרי שאת משוואתו מצאת  
בסעיף א? נמק.  
**שים לב:** קדודי המלבן מונחים על המקום הגאומטרי.)

2. א. נתון ישר שמשוואתו  $3y = 4x + 20$ .  
הישר מאונך לאחת האסימפטוטות של היפרבולה, וועבר דרך המוקד השמאלי של  
ההיפרבולה.  
מצאת משוואת היפרבולה.  
ב. מצאת השיעורים של הנקודות על היפרבולה המקיים: מרחק כל נקודה מאחד  
המוקדים של היפרבולה גדול פי 2 מהמרחק מהמוקד الآخر.  
בתשובהך השאר שתי ספרות אחרי הנקודה העשרונית, במידת הצורך.)

3. מקבילית ABCD מונחת על מישור  $\pi$  שהצגתו הפרמטרית היא  
 $\underline{x} = (6, -2, -5) + t(2, -2, -1) + k(-6, 2, -1)$
- שלושה מקדודיים מקבילית הם: A(4, 0, z), B(2, 2, -3), C(-2, 2, -5)
- מצא את שיעורי הקדקוד D.
  - ישר המאונך למישור  $\pi$  עובר דרך הקדקוד D.  
נקודה E נמצאת על ישר זה.  
הקטע AE מונח על הישר  $\underline{x} = (4, 0, -4) + r(3, -2, 4)$   
מצא את שטח המשולש AED.  
בתשובהך דיק Ud שתי ספרות אחרי הנקודה העשרונית.

## פרק שני – מספרים מרוכבים,

### פונקציות מרוכבות ולוגריתמיות ( $\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על אחד מוחאלות 4-5.

**שים לב!** אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

4. א. נתונה הנגזרת של הפונקציה  $(x): f(x) = \frac{6x}{\sqrt[4]{x^2 + t}}$  הינה פרמטר.  
המשיק לגרף הפונקציה בנקודה שבה  $x = 3$  מאונך לישר  $\sqrt{5}x + 18y = 0$   
הערך של הפונקציה  $f(x)$  בנקודת הקיצון שלו הוא 10.  
מצא את הפונקציה  $f(x)$ .

- ב.  $z$  הוא מספר מרוכב, והביטוי  $\frac{1-z}{z+1}$  הוא מספר מודומה.  
הוכיח כי  $z$  נמצא על מעגל היחידה.

**הערה:** אין קשר בין סעיף א' לסעיף ב'.

+ נספח

5. נתונה הפונקציה  $f(x) = \frac{e^x}{e^x + b}$ ,  $b > 0$  הוא פרמטר גדול מ-0.

א. מצא את האסימפטוטות של הפונקציה המקבילות לצירים.

ב. מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה (אם יש כאלה).

ג. הבע באמצעות  $b$  את נקודת החיתוך של הפונקציה עם הצירים (אם יש כאלה).

ד. נתון כי לפונקציה יש נקודת פיתול אחת. הראה כי:

(1) שיעור  $x = y$  של נקודת הפיתול של הפונקציה אינו תלוי ב-  $b$ .

(2) שיפוע המשיק בנקודת הפיתול אינו תלוי ב-  $b$ .

ה. סרטט במערכת צירים אחת סקיצה של גרף הפונקציה עבור:

$$b = e \quad (1)$$

$$b = \frac{1}{e} \quad (2)$$

סמן את הגראפים במספרים (1) ו-(2) בהתאם.

ג. העבירו משיק בנקודת הפיתול לפונקציה שעבורה  $e = b$ ,

$$\text{והעבירו משיק בנקודת הפיתול לפונקציה שעבורה } b = \frac{1}{e}.$$

מצא את שטח המרובע הנוצר על ידי שני המשיקים, על ידי ציר  $x$

ועל ידי ישר העובר דרך שתי נקודות הפיתול.

## בצלחה!

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל  
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך