

סוג הבדיקה: א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים
ב. בגרות לנבחנים אקסטרניים
מועד הבדיקה: חורף תש"ע, 2010
מספר השאלה: 307, 035007
דף נוסחאות ל-4 ול-5 ייחודת לימוד
נספח:

מתמטיקה

שאלון א'

הזראות לנבחן

א. משך הבדיקה: שעתיים.

ב. מבנה השאלה ומספר ההערכה: שאלון זה שני פרקים.
פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים – $2 \times 33\frac{1}{3}$ נקודות
פרק שני – מספרים מרכבים,
פונקציות מעירכיות ולוגרitmיות – $1 \times 33\frac{1}{3}$ נקודות
סה"כ – 100 נקודות

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התוכנות במחשבון הניתן לתוכנות.
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התוכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הזראות מיוחדות:

- (1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.
(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוזרת מחשבון.
הסביר את כל פעולותיך, כולל הישובים, בפירות ובצורה ברורה ומסודרת.
חווסף פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.
(3) לטiotה יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדפים שקיבלת מהמשגיחים.
שימוש בטiotה אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים אחד.

ב תצא!

ה שאלות

שים לב! הסבר את בל פועלותין, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום למגעה בציון או לפיטילת הבחינה.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. נתון מעגל שימושוatto $100 = x^2 + y^2$.

המעגל חותך את החלק החיצוני של ציר ה- x בנקודה A. נקודה B נמצאת על המעגל

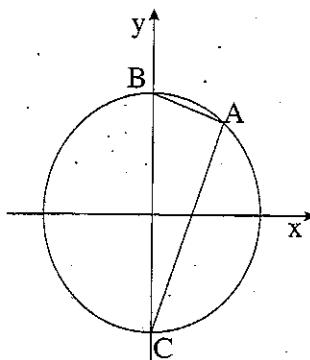
ברביע הראשון כך ש- $\angle BOA = 30^\circ$. O – ראשית הצירים.

א. נתונים מעגלים המשיקים לישר OB, וההיקף של כל מעגל הוא $\frac{1}{2}$ מהיקף המעגל הנגדי.

מצא את המשוואות של המוקום הגאומטרי של מרכזי מעגלים אלה.

ב. המעגל הנתון חותך את המוקום הגאומטרי, שמצאת בסעיף א, ארבע נקודות.

חשב את שטח המרובע הנוצר על ידי ארבע נקודות אלה.



2. אליפסה, המשוואה $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, $a < b$

חותכת את ציר ה- x בנקודות B ו- C .

A היא נקודה על האליפסה בربع הראשון (ראה ציור).

נתון: $AC = 37$, $BC = 40$, $BA = 13$

א. מצא את משוואת האליפסה.

דיק עד שתי ספרות אחרי הנקודה העשרונית

במידת הצורך.

ב. נתונה הiperbole קנוונית.

נקודה A , שעל האליפסה הנתונה, מורדים אנך לציר ה- x .

האנך חותך את ציר ה- x בנקודה F , ואת האסימפטוטות של הiperbole

בנקודות M ו- N .

הנקודה F היא המוקד הימני של הiperbole.

נתון כי $MN = 24$

מצא את משוואת הiperbole.

3. נתונה פירמידה משולשת $SABC$.

הנקודה O נמצאת על BC , והיא מרכז המעלג

החותם את הבסיס ABC של הפירמידה.

SO הוא גובה הפירמידה. P היא נקודה על SO (ראה ציור).

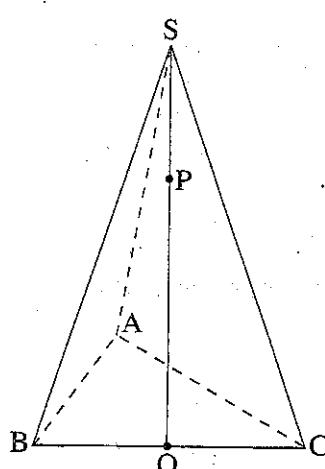
נתון: $AB = BO = SP = a$, $t\vec{SO} = (1+t)\vec{PO}$

א. חבע את הווקטור \vec{PO} באמצעות t ובאמצעות

הווקטור \vec{SP}

נתון כי נפח הפירמידה $SABC$ הוא $\frac{2\sqrt{3}}{3} a^3$

מצא את הערך של t .



ג. הנקודה O היא ראשית הצירים. הכיוון של \vec{OC} הוא בכיוון החיווי של ציר ה- x ,

והכיוון של \vec{OS} הוא בכיוון החיווי של ציר ה- z . נתון גם כי $a = 8$.

ד. רצף הנקודה P מעבירים מישור המקביל לבסיס ABC .

מצא הצגה פרמטרית של מישור זה.

פרק שני – מספרים מרוכבים,**פונקציות מערכיות ולוגריתמיות (33 נקודות)**

עונה על אחת מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

I. $\frac{1}{z} + \frac{z}{|z|^2} = 1$ א. שני מקומות גאומטריים, I ו- II, מקיימים:

II. $z \cdot \bar{z} - (\bar{z} + z) = 3$

z הוא מספר מרוכב.

נקודה P נמצאת על המיקום הגאומטרי II.

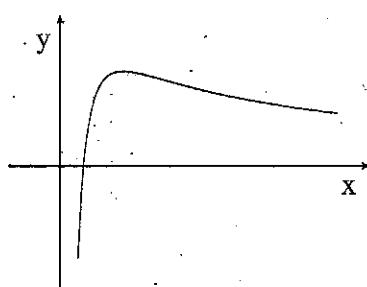
האם הנקודה P יכולה להימצא גם על המיקום הגאומטרי I? נמק.

ב. הנקודה $y + yi = z$ נמצאת על המיקום הגאומטרי I בربיע הראשון,

$$z^4 = a$$

a הוא מספר ממשי.

חשב את כל הפתרונות של המשוואה.



5. נתונות הפונקציות: $f(x) = \frac{\ln(ax)}{x}$

$$g(x) = \frac{\ln^2(ax)}{x}$$

$$a > 0$$

בצירור מוצגת סקיצה של גורף הפונקציה $(x)f$.

א. הbaru באמצעות a את השיעורים של

נקודות המקסימום של $f(x)$.

ב. הbaru באמצעות a את השיעורים של נקודות הקיצון של $(x)g$, וקבע את סוגן.

ג. (1) הbaru באמצעות a את השיעורים של נקודות החיתוך של הגורף של $(x)f$

עם הגורף של $(x)g$.

(2) העתק למחברתך את הסקיצה של גורף הפונקציה $(x)f$, וسرטט בהאותה מערכת

ציירים סקיצה של גורף הפונקציה $(x)g$.

ד. חשב את התשתה המוגבל על ידי הגורף של $(x)f$ ועל ידי הגורף של $(x)g$.

בצלחה!

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל
אנ להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך