

**מדינת ישראל**  
משרד החינוך

סוג הבדיקה: א. בגרות לבתי ספר עלייסודים  
ב. בגרות לבוחנים אקסטרנרים  
מועד הבדיקה: תשע"ב, מועד ב  
מספר השאלה: 307,035007  
נספח: דפי נוסחאות ל-5 ייחדות לימוד

## מתמטיקה

### שאלון ז'

#### הוראות לנבחן

א. מישר הבדיקה: שעתיים.

ב. מבנה השאלה ופתחה הערכיה: בשאלון זה שני פרקים.

$$\begin{array}{rcl} \text{פרק ראשון} & - & \text{גאומטריה אנליטית, וקטורים} \\ 33\frac{1}{3} \times 2 & = & 66 \text{ נקודות} \\ \hline \text{פרק שני} & - & \text{מספרים מרוכבים,} \\ 33\frac{1}{3} \times 1 & = & \text{פונקציות מערכיות ולוגריתמיות} \\ \hline \text{סה"כ} & = & 100 \text{ נקודות} \end{array}$$

ג. חומר עוזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות.  
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.  
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספירה בלבד.  
(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוזת מחשבון.  
הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.  
חוسر פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.  
(3) לטiotה יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדף שקיבלת מהמשגיחים.  
שימוש בטiotה אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

התנויות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.

**ב ת צ ל ח ה !**

/המשך מעבר לדף/

## השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפתרונות ובצורה ברורה.  
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

### פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים ( $\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה —  $\frac{1}{3}$  נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. במשולש ישר-זווית ABC נתון:  $C(4, -2)$ ,  $\angle ACB = 90^\circ$

משוואת היתר AB היא  $2x + y - 3 = 0$

שיעור ה- x של קדקוד A גדול משיעור ה- x של קדקוד B.

א. מצא את השיעוריים של קדקוד A ואת השיעוריים של קדקוד B, שעבורם

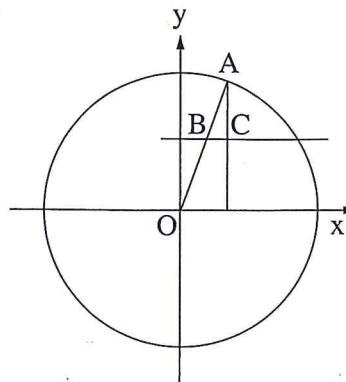
ニיצבי המשולש ABC מקבילים לצירים.

ב. נתון כי ניצבי המשולש ABC אינם מקבילים לצירים, אך אורך היתר שלו זהה לאורך היתר

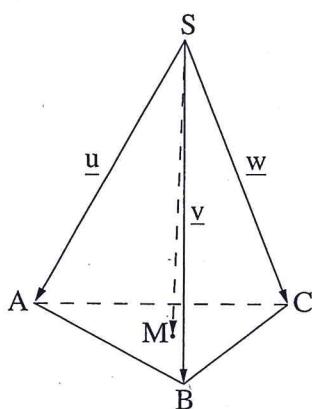
במשולש שבסעיף א.

מצא את השיעוריים של קדקוד A ואת השיעוריים של קדקוד B במקרה זה.

/המשך בעמוד 3/



2. נתון מעגל שמשוואתו  $x^2 + y^2 = 49$ .  
מנקודה A שעל המעגל מורידים אנך לציר ה- x .  
B היא נקודה על רדיוס המעגל OA  
כך ש-  $\frac{AB}{BO} = \frac{3}{4}$  (O — ראשית הצירים).  
דרך B מעבירים ישר המקביל לציר ה- x .  
הישר המקביל והאנך נפגשים בנקודה C (ראה ציור).  
א. מצא את משוואת המקום הגאומטרי של הנקודות C  
הנוצרות באופן שתואר.  
ב. המקום הגאומטרי שאת משוואתו מצאת בסעיף א חותך את ציר ה- y בנקודות D ו- E .  
דרך נקודה P שעל המקום הגאומטרי (השונה מהנקודות D ו- E ) העבירו את  
הישרים PD ו- PE , החותכים את ציר ה- x בנקודות F ו- G בהתאם.  
הוכח כי המכפלה  $OF \cdot OG$  היא גודל קבוע ואינה תלויה בבחירה הנקודה P  
(O — ראשית הצירים).



3. נתונה פירמידה ישרה  $SABC$ .  
נסמן:  $\vec{SA} = \underline{u}$  ,  $\vec{SB} = \underline{v}$  ,  $\vec{SC} = \underline{w}$  .  
 $\vec{SM} = \frac{1}{3}\underline{u} + \frac{1}{3}\underline{v} + \frac{1}{3}\underline{w}$  כך ש- M היא נקודה במישור ABC כך ש-  $\underline{w} \cdot \underline{u} = \underline{w} \cdot \underline{v} = \underline{u} \cdot \underline{v}$   
נתון:  $\underline{w} \cdot \underline{u} = \underline{w} \cdot \underline{v} = \underline{u} \cdot \underline{v}$  .  
א. הוכח כי הווקטור  $\vec{SM}$  מאונך למישור ABC .  
נתון גם:  $\underline{u} = \left( -\frac{3}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2}, -2 \right)$   
 $\underline{v} = \left( \frac{3}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2}, -2 \right)$   
 $\underline{w} = (0, \sqrt{3}, -2)$  ,  $C(0, \sqrt{3}, 0)$   
ב. מצא את משוואת המישור ABC .  
ג. דרך קדקוד C העבירו מישור  $\pi$  המקביל למקצוע AB ויוצר זווית של  $30^\circ$  עם המישור ABC . מצא את משוואת המישור  $\pi$  (מצא את שני הפתרונות).

## פרק שני — מספרים מרוכבים,

### פונקציות מערכיות ולוגריתמיות ( $\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על אחד מהשאלות 4-5.

**שים לב!** אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

- א.  $z_1$  ו-  $z_2$  הם מספרים מרוכבים שונים מאפס. נתנו כי  $\frac{z_1}{z_2}$  הוא מספר ממשה טהור. הוכיח כי הישר העובר דרך הנקודה  $z_1$  וראשית הצירים מאונך לישר העובר דרך הנקודה  $z_2$  וראשית הצירים.

(הנקודות  $z_1$  ו-  $z_2$  מייצגות במישור גאוס את המספרים הנתונים.)

- .  $a > 1$  ,  $\frac{\pi}{12} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$  בתחום  $f(x) = a^{\sin(2x)}$  .  
ב. הערך המינימלי של הפונקציה בתחום הנתון הוא 4.  
הערך המקסימלי של הפונקציה בתחום הנתון הוא 6.  
מצא את הערך של  $a$ , ואת הערך של  $b$ .

הערה: אין קשר בין סעיף א' לסעיף ב'.

5. נתונה הפונקציה  $f(x) = \frac{a \ln x}{\sqrt{x}}$  .  $a < 0$  ,  
א. מצא:

- (1) את תחום ההגדרה של הפונקציה.  
(2) את נקודות החיתוך של גרף הפונקציה עם הצירים (אם יש כאלה).  
(3) את תחומי העליה והירידה של הפונקציה.

- ב. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה.  
ג. השיטה, החסום על ידי גרף הפונקציה, על ידי ציר ה- $x$  ועל ידי הישר העובר בנקודת הקיצון של הפונקציה ומאונך לציר ה- $x$ , מסתובב סביב ציר ה- $x$ . נפח גוף הסיבוב שמתתקבל הוא  $\frac{8\pi}{3}$ .  
מצא את הערך של  $a$ .

## בצלחה!

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל  
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך