

סוג הבדיקה: בגרות לבתי ספר על-יסודיים  
מועד הבדיקה: קיץ תשע"א, 2011  
מספר השאלה: 035807  
מספר: דפי נוסחאות ל-5 ייחדות לימוד

## מבחן טיקו

### 5 ייחדות לימוד – שאלון שני

#### מבנה המבחן

(שאלון שני לנבחנים בתכנית ניסוי, 5 ייחדות לימוד)

#### הזראות לנבחן

א. משך הבדיקה: שעתיים.

ב. מבנה השאלון ופתחת המערך: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,  
טריגונומטריה במרחב,

$$\text{מספרים פרוקטיביים} \quad 33\frac{1}{3} \times 2 = 66 \text{ נקודות}$$

$$\begin{array}{rcl} \text{פרק שני} & - & \text{גדרה ודמייה}, \\ \text{פונקציות מעיריות ולוגריתמיות} & - & 33\frac{1}{3} \times 1 = 33 \text{ נקודות} \\ \hline \text{סה"כ} & - & 100 \text{ נקודות} \end{array}$$

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הנitin לתכנות.  
שימוש במחשבון רפואי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת  
הבדיקה.

(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הנראות מיזדחות:

(1) אל וטעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.

(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברות את שלבי הפתרון, גם כאשר  
החשיבותים מתבצעים בעוררת מחשובן.

הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה ומסודרת.  
חסור פירות עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

(3) לטיווח יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדף שקיבלת מהמשגיחים.  
שימוש בטيوוח אחרית עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

ההגהיות בשאלון זה מגוותות בלשון זכר ומדוברת לנערות ולגברים באופן אפור.

גთ אלה!

/המשיך מעבר לדף/

## דעת לאלו

שאלה לנו חסבר את בעל פוטומט, מגדל חישובים, במירוץ ובצורה מדויקת.  
חומר פיזוט עלול לגרות לפיגוע מעזין או לפגיעת היבואן.

**plexus ראיון - אונטולוגיה אונטולוגית, וקיטוי, טריאוגרפיה פלאומטריה פלאומטיקה**

**פתרונות פלאומט (2/3 נקודות)**

ענה על שתיים מבין השאלות 1-3 (לכל שאלה –  $\frac{1}{3}$  נקודות).  
שים לבו אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. נתון משולש ABC שטחו  $\frac{1}{2} \cdot 12$ .

קדודי המשולש B ו- C מונחים על הישר  $y = x + 1$ .

שיעוריו הקדקוד A הם (12,3).

P היא נקודה החיצונית של התיכונים במשולש. שיעור ה- y של P הוא  $5\frac{1}{2}$ .

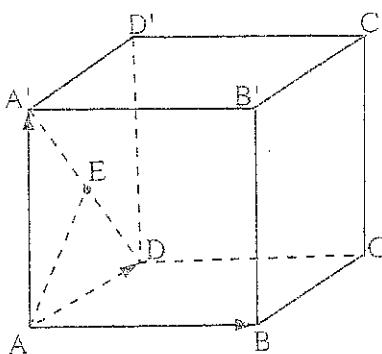
A. מצא את השיעוריים של שני הקדקודים האחרים במשולש ABC.

B. מעבירים ישר המקביל לצלע BC, וחוטף את הצלעות האחרות (ולא את המשכיהם)

נקודות D ו- E.

האורך של DE הוא  $\sqrt{8}$ .

מצא את משוואת הישר DE.



2. נתונה תיבת ABCDA'B'C'D'

נספח:  $\overline{AA'} = w$ ,  $\overline{AD} = y$ ,  $\overline{AB} = z$

נתון:  $|y| = 1$ ,  $|w| = |z| = 2$

נקודה F מקיימת  $\overline{BF} = t \overline{BC}$ 

ז. הוא פרטן.

הנקודה E היא אמצע האלכסון  $A'D'$ א. הראה כי לא קיים ערך של  $t$ 

שעבורו  $\angle EAF = 30^\circ$

ב. (1) מצא את הערך של  $t$  שעבורו  $\cos \angle EAF = \frac{1}{5}$

(2) הicken נמצאת הנקודה Füber הערך של  $t$  שמצוות: בטור הקטע BC  
באחד מקצות הקטע BC או מחז' לקטע BC ? נמק.ג. אם BF מקביל למישור הפאה  $A'B'B'A'$ , מצא את היחס שבו הנקודה F

מחלקת את הקטע BC . נמק.

ד. האם נפח הפירמידה ABDF תלוי בערך של  $t$  ? אם כן – הסבר מדוע.

אם לא – חשב את נפח הפירמידה.

/חמשה בעמוד 4/

3. נתונה סדרה:  $z_1, z_2, z_3, \dots, z_n$ .

- א. הראה כי כל איברי הסדרה מיוצגים במישור נאוס על ידי קדקודים ריבוע החסום במעגל היחידה (מעגל שרדיוסו  $\frac{1}{2}$  ומרכזו בראשית הצירים).

ב. (1) הראה כי סכום  $n$  האיברים הראשונים בסדרה הוא מספר ממשי.

(2) מצא את הסכום של  $n$  האיברים הראשונים בסדרה.

ג. נתונה סדרה של  $n$  מספרים מרוכבים:  $z_1, z_2, z_3, \dots, z_n$ .

איברי הסדרה מיוצגים במישור נאוס על ידי  $n$  קדקודים של מצולע משוכלל בעל  $n$  צלעות החסום במעגל היחידה.

איברים עוקבים בסדרה מייצגים קדקודים סמוכים במצולע נגד כיוון השעון.

נתון גם כי  $|z_1| = |z_2|$ .

(1) רשום בהציגה קוטבית את האיבר  $z_n$  (הבע באמצעות  $n$ ).

(2) רשום משווה שפרטונותיה מיוצגים על ידי  $n$  הקדקודים של המזולע המשוכלל.

/המשך בעמוד 5/

## פרק טני - אדילתה וודעיה, פונקציותות מעדריות וLAGRANGE

$\frac{1}{3} \ln(1 + e^{-x})$

ענה על אחד מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר מ שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמבחןך.

4. נתונה הפונקציה  $f(x) = \ln(1 + e^{-x}) + \frac{1}{3} x^3$  (3 נקודות)
- מהו תחום ההגדרה של הפונקציה  $f(x)$ ?
  - $M$  ו-  $N$  הן נקודות על גרף הפונקציה  $f(x)$ , שיעורי ה-  $x$  של  $N$  שונים מאפס. שיעור ה-  $x$  של  $M$  הוא  $0$ , ושיעור ה-  $x$  של  $N$  הוא  $0$ . הוכח כי שיפוע הישר שמשיק לגרף הפונקציה בנקודה שבה  $x = 0$  שווה לשיפוע הקטע  $MN$ .
  - מצא את האסימפטוטות של פונקציית הנגזרת  $(x)f'$  המקבילות לצירים (אם יש כאלה).
  - (1) מצא עבור אילו ערכי  $a$  פונקציית הנגזרת  $(x)f'$  היא שלילית.  
(2) מצא את השטח המוגבל על ידי הגרף של פונקציית הנגזרת  $(x)f'$  ועל ידי שני הצירים.
5. נתונה הפונקציה  $f(x) = \ln(x^2 + a)$ ,  $a > 0$  פרמטר,  $a$  הוא פרמטר,  $y = 3\ln 2$  לגרף הפונקציה יש שיפוע מקסימלי ושיפוע מינימלי בנקודות שבחנו.
- מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה  $f(x)$ .
  - מצא את הערך של  $a$ .
  - מצא את גודל השיפוע המקסימלי של  $f(x)$ , ואת גודל השיפוע המינימלי של  $f(x)$ .
  - הצב  $a = 4$ , וענה על סעיף ד.
  - (1) מצא את השיעורים של נקודת הקיצון של הפונקציה  $f(x)$ .
  - (2) מצא את גוחמי הקעירות כלפי מעלה U וככלפי מטה U של הפונקציה  $f(x)$ .
  - (3) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .

### בוחן!

זכות היוצרים שמורה למדיית ישראל  
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך