

סוג הבדיקה: א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים

ב. בגרות לנבחנים אקסטרנניים

מועד הבדיקה: קיץ תשע"ג, 2013

מספר השאלה: 317,035807

נספח: דפי נוסחאות ל-5 ייחדות לימוד

מתמטיקה

5 ייחדות לימוד — שאלון שני

הוראות לנבחן

א. **משך הבדיקה:** שעתיים.

ב. **מבנה השאלה ופתח ההערכה:** בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טיריגונומטריה במרחב,

מספרים מרוכבים

פרק שני — גדרה ודעיכה,

$$\frac{2}{3} \times 2 = 33\frac{1}{3}$$

נקודות

$$\frac{1}{3} \times 1 = 33\frac{1}{3}$$

נקודות

$$\text{סה"כ} = 100 \text{ נקודות}$$

ג. **חומר עזר מותר בשימוש:**

(1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitinן לתכנות.

שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. **הוראות מיוחדות:**

(1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.

(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר

הчисובים מתבצעים בעזרת מחשבון.

הסביר את כל פעולהיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.

חווסף פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

(3) לטיווה יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדף שקיבלת מהמשגיחים.

שימוש בטיווה אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.

ב הצלחה!

המשך מעבר לדף

השאלות

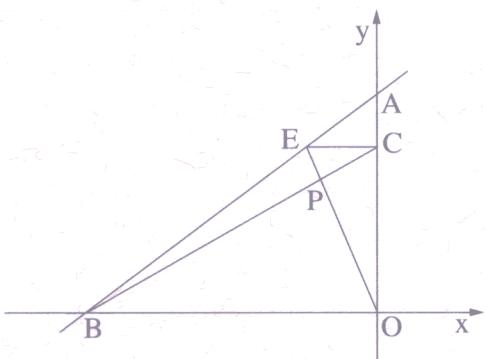
שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.
חומר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפיטילת הבדיקה.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב,

מספרים מרוכבים ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מבין השאלות 1-3 (לכל שאלה — $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.



1. נתונות הנקודות: $A(0, 6)$, $B(-8, 0)$.

דרך הנקודה E שעלה הקטע AB מעבירים

ישר המקביל לציר ה- x

(הנקודה E שונה מ- A ו- B).

הישר חותך את ציר ה- y בנקודה C.

הישר BC חותך את הישר OE בנקודה P.

O — ראשית הצירים (ראה ציור).

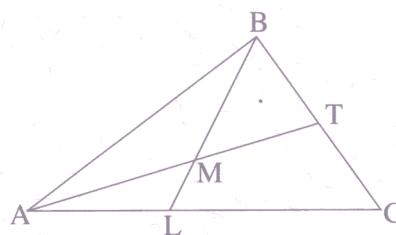
א. הראה כי המקום הגאומטרי שליו נמצאות הנקודות P הנוצרות באופן שתואר,

נמצא על קו ישר.

ב. הנקודה P_0 נמצאת על המקום הגאומטרי שמצויה בסעיף א, כך שהנקודה E היא

מרכז המעגל החוסם את המשולש ABO .

מצא את שטח המשולש OAP_0 .



. במשולש ABC התיכון לצלע BC הוא AT . 2.

הנקודה L נמצאת על הצלע AC .

וBL וAT נפגשים בנקודה M

(ראה ציור).

נסמן: $\vec{BM} = \beta \vec{BL}$, $\vec{AM} = \alpha \vec{AT}$, $\vec{AB} = \underline{u}$, $\vec{AC} = \underline{v}$

$$\text{א. נתון: } \frac{\vec{AL}}{\vec{LC}} = \frac{3}{4}$$

מצוא את הערך של α ואת הערך של β .

ב. (1) מצא את המשווהה של המוקם הגאומטרי שעליו מונחות הנקודות B,

שבוון במשולש ABC מתקיים: A(1, 0) , $\underline{v} = (7, 7)$, $AT = \sqrt{50}$

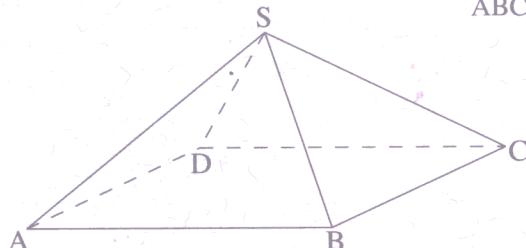
על פי הנתונים שבתת-סעיף (1) והנתון שבסעיף A ענה על התת-סעיפים (2) ו (3).

(2) מצא את השיעורים של הנקודה L .

(3) אם הישר MB מקביל לציר ה- y , מצא את השיעורים של הקדקוד B .

הערה: הפתרון של סעיף ב אינו תלוי בפתרון של סעיף A.

המשך בעמוד 4



א. נתונה פירמידה SABCD שבבסיסה ABCD

הוא מקבילית (ראה ציור).

$$\overline{SA} = \underline{w}, \quad \overline{SB} = \underline{u}$$

$$\overline{SD} = \underline{v}$$

$$(1) \text{ הבב באמצעות } \underline{u}, \underline{v} \text{ ו- } \underline{w}$$

את הווקטור \overline{SC} .

$$, |\underline{w}| = 2a, |\underline{u}| = a, SC = SA, SD = SB \quad (2)$$

$$, \angle ASB = \beta, \angle ASD = \alpha, \angle DSB = 90^\circ$$

$$\text{הראה כי } \cos \alpha + \cos \beta = \frac{1}{2}$$

ב. z הוא מספר מרוכב.

$$(1) \text{ פתרו את המשוואה } .|z|i + 2z = \sqrt{3}$$

(2) הראה כי כאשר z הוא מספר טברי, אז z^6 יכול לקבל רק שני ערכים.הערה: אין קשר בין סעיף א' לסעיף ב'.

המשך בעמוד 5 ◀

פרק שני – גדייה ודעיכה, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות

33 נקודות $\frac{1}{3}$

ענה על אחת מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

$$f'(x) = \frac{2\ln x \cdot (2 - \ln x)}{x \cdot (1 - \ln x)^2} \quad \text{נתונה פונקציית הנגזרת} \quad .4.$$

- (1) מצא את תחום ההגדרה של $(x^i)^f$.
 - (2) אחות משתי האסימפטוטות האנכיות של $(x^i)^f$ היא $x = 0$.
 - (3) מצא את האסימפטוטה האנכית השנייה.
 - (4) מצא את נקודות החיתוך של הגרף של $(x^i)^f$ עם הצירים (אם ידוע כי לפונקציית הנגזרת $(x^i)^f$ יש גם אסימפטוטה אופקית, 0).

. צורת סקיצה של הגרף של פונקציית הנגזרת $(x^f)'$

ג. הישר $y = 4 - x$ משיק לגרף הפונקציה $(x) = \ln(x)$ בנקודה שבה $x > e$.

- (1) מצא את השיעורים של נקודות ההשקה. נמק.

(2) הסבר מדוע $f(e^3) < -4$

(3) השטח, המוגבל על ידי הגרף של פונקציית הנגזר
בתחום $x \leq e^3$, שווה ל- 0.5.

(4) מצא את הערך של $f(e^3)$.

המשר בעמוד 6

$$5. \text{ נתונה הפונקציה } .0 < a < 1 , f(x) = \frac{a^{x+1}}{a^{2x} - 1}$$

- א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.
- ב. הראה כי הפונקציה $f(x)$ היא אי-זוגית.
- ג. מצא תחומי עלייה וירידה של הפונקציה $f(x)$ (אם יש כאלה).
- ד. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.
- ה. ידוע שפונקציית הנגורות $(x)f'$ היא פונקציה זוגית.
העבירו ישר ℓ המשיק לגרף הפונקציה $f(x)$ בנקודה שבה $x = 1$,
והעבירו ישר אחר המשיק לגרף הפונקציה $f(x)$ בנקודה אחרת, T.
שני המשיקים מקבילים זה זהה.
- (T) היא הנקודה היחידה על גרף הפונקציה $f(x)$ שבה המשיק מקביל ל- ℓ .
- הבע באמצעות a (במידת הצורך) את השיעורים של הנקודה T. נמק.

בצלחה!

זכות היוצרים שומרה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך